




# La Economía de la Explotación Forestal

Roger A. Loyola G.; Dr.




---

---

---

---

---

---

---

---

CUADRO N° 6 PERÚ: PRODUCCIÓN DE MADERA ROLLIZA Y ASERRADA POR DEPARTAMENTO AÑO 2004

DEPARTAMENTO	ROLLIZA (m³)	ASERRADA (m³)
Ancash	15 203,89	6 041,07
Ancash	30 833,17	1 306,49
Apurímac	8 235,24	1 575,24
Arequipa	14,70	2,67
Ayacucho	3 879,90	485,11
Cajamarca	23 444,32	4 314,03
Cusco	43 299,46	8 853,22
Huancavelica	4 974,87	197,13
Huánuco	17 162,76	13 611,31
Ica	774,50	0,00
Jurín	134 659,95	97 100,93
La Libertad	53 056,68	7 471,63
Lambayeque	434,10	144,26
Lima	1 342,33	398,80
Loreto	311 147,83	134 800,81
Madre de Dios	168 630,47	72 316,80
Pasco	14 462,14	8 572,99
Piura	4 695,38	2 343,31
Puno	28 410,35	7 186,99
San Martín	70 462,77	33 330,91
Tacna	721,67	0,00
Tumbes	1 649,50	204,64
Ucayali	294 732,32	209 030,93
<b>TOTAL</b>	<b>1 213 663,48</b>	<b>671 228,06</b>

---

---

---

---


---

---



---


---

## Introducción

Se considera como un recurso natural separado  Hay un tiempo prudencial entre la decisión de invertir y obtener el producto.

En cualquier momento tiene que decidir entre:

-  Invertir mediante el replante
-  Desinvertir extrayendo los árboles maduros




---

---

---

---

---

---

---

---

- ● ● Foresta es un bien complejo.

↓

Valor como madera    Paisaje, stock de BD, control hídrico, etc.

Dado que estos valores son significativos eso significa que

↓

objetivos privados no coinciden con los públicos.




---

---

---

---

---

---

---

---

- ● ● Principios de la Economía Forestal Comercial.


Valor de árbol está determinado por:    Volumen de madera que árbol puede producir.

Volumen de árbol

↻ Año de los árboles

↓

Madera sólo aparece después de  $t$  años




---

---

---

---

---

---

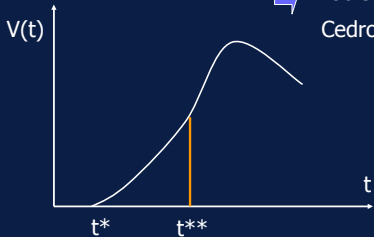
---

---

- ● ● Árbol crece hasta un tiempo y después muere

Tiempos varían según especies:

↗ Roble 100 años  
Cedro 40 años



Beneficio depende de volumen de madera

---

---

---

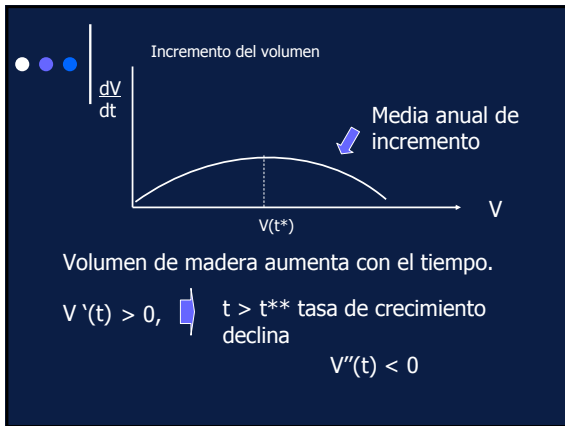
---

---

---

---

---




---

---

---

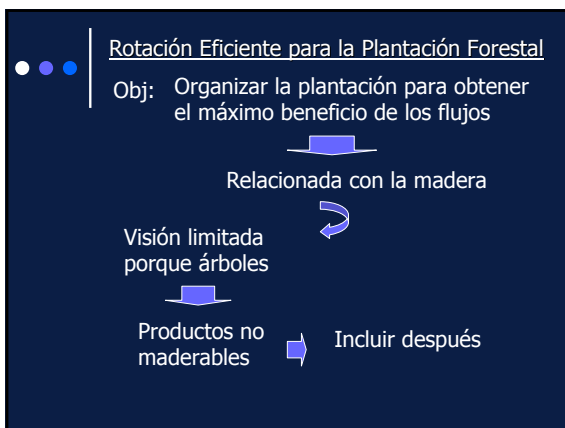
---

---

---

---

---




---

---

---

---

---

---

---


---

Tiempo de Extraer la madera

Se van a extraer las consideraciones anteriores

Se comenzará con una zona de tierra en la cual, los árboles son sembrados

Se usará un modelo económico del tiempo óptimo para cortar un grupo de árboles



Características y años uniformes

---

---

---


---


---

---

---



---

Una vez extraído 

Plante da nuevo, y ciclo comienza 

Se buscará la rotación eficiente de los períodos a través de varios tiempos a pesar de:

- puede no ser económico replantar

 Precio de madera  Insuficiente para costos de plantar

---

---

---


---


---

---



---

---

Determinar la secuencia económica de rotaciones 

Elegir un tiempo para extraer 

Tiempo posterior para replantar

Entonces:  VP es una suma de plantar, extraer, plantar 

Objetivo maximizar beneficios en suelos en árboles que crecen

---

---

---

---


---



---

---

---

Dos tipos de costos:  
costos de mantenimiento (planta, silvicultura, extracción, etc.)



Intereses (u otros beneficios económicos) que podrían haber surgido sí los árboles fueran cortados  Leña y poste  celulosa

---

---

---

---

---

---

---


---

- Valor de tierra es indirecto → Renta por su uso

Modelo consiste en:

Costos de Plantar son \$D per ha son monto fijo

Extracción y otras actividades silviculturales tienen un costo \$c por pie<sup>3</sup> de madera por Ha.



*Incremento anual corriente (CAI):* crecimiento marginal (producto marginal) como función del tiempo,  $V'(t)$ .

---

---

---

---

---

---

---

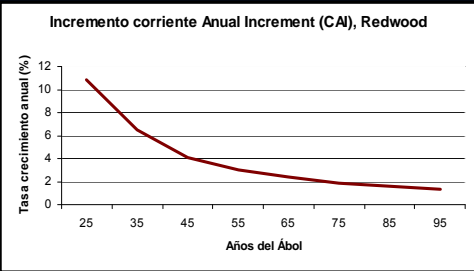
---

---

---

- *Incremento anual Medio (MAI):* Media de aumento (producto medio) en volumen de madera.  
 $MAI = V(t)/t$

**Incremento corriente Anual Increment (CAI), Redwood**




---

---

---

---

---



---

---

---

---

---

-   $T_0$  ⏴ Tiempo de plantar
- $T_1$  ⏴ Tiempo de extraer
- $p$  = precio de la madera
- Costo en VP del primer periodo
- $D + cV(T_1 - T_0)e^{-r(T_1 - T_0)}$
-  Asumirá que propietario vende madera en un mercado competitivo

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---



Se depara con curva de demanda perfectamente elástica



$$PV \Pi = (p-c)V(T_1-T_0)e^{-r(T_1-T_0)} - D$$

---

---

---

---

---

---

---

---

Después de talada la plantación es vuelta a plantar a un costo D

Valor en el segundo periodo:

$$PV \Pi = (p-c)V(T_1-T_0)e^{-r(T_1-T_0)} - D + e^{-r(T_1-T_0)}[(p-c)V(T_2-T_1)e^{-r(T_2-T_1)} - D]$$

Tomando el VP del PV de los beneficios del segundo ciclo

VP (tomando de  $T_1$ ) de los beneficios del segundo periodo

---

---

---

---

---

---

---

---

Sobre un horizonte infinito se tiene:

$$PV \Pi = (p-c)V(T_1-T_0)e^{-r(T_1-T_0)} - D + e^{-r(T_1-T_0)}[(p-c)V(T_2-T_1)e^{-r(T_2-T_1)} - D] + e^{-r(T_2-T_0)}[(p-c)V(T_3-T_2)e^{-r(T_3-T_2)} - D] + \dots$$

---

---

---

---

---

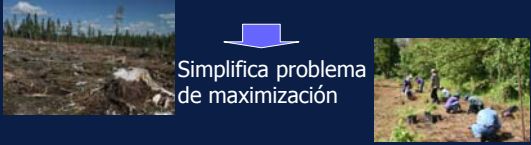
---

---

---

- "p" y "c", y V(t), permanecen constantes en el tiempo

intervalo de extracción "I" ( $T^n - T^{n-1}$ ) es el mismo para todos los tiempos "n".



Simplifica problema de maximización

Una vez que un periodo "n" es alcanzado el problema es el mismo que en el periodo "n-1".

---

---

---

---

---

---

---

---

Reemplazando I

$$PV \Pi = (p-c)V(I)e^{-rt} - D + e^{-rt}\{(p-c)V(I)e^{-rt} - D\} + e^{-2rt}\{(p-c)V(I)e^{-rt} - D\} + e^{-3rt}\{(p-c)V(I)e^{-rt} - D\} + \dots\}$$

Esta es una serie infinita  $\rightarrow$  Términos entre corchetes  $\rightarrow$  Igual a PV  $\Pi$

---

---

---

---

---

---

---

---

Reacomodando la ecuación:

$$PV \Pi = [(p-c)V(I)e^{-rt} - D] + e^{-rt}PV \Pi$$

Resolviendo para PV  $\Pi$  da

$$PV \Pi = \frac{[(p-c)V(I)e^{-rt} - D]}{(1 - e^{-rt})}$$

Maximizando PV  $\Pi$  con relación a "I" da:

$$\partial PV \Pi / \partial I = 0$$


---

---

---

---

---

---

---

---

$$\frac{\{(1 - e^{-rI})[(p-c)V'(I)e^{-rI} - r(p-c)V(I)e^{-rI}] - r[(p-c)V(I)e^{-rI} - D]e^{-rI}\}}{(1 - e^{-rI})^2} = 0$$

Eliminando  $e^{-rI}$

$$(1 - e^{-rI})[(p-c)V'(I) - r(p-c)V(I)] - r[(p-c)V(I)e^{-rI} - D] = 0$$

Reacomodando:

$$(p-c)V'(I) - r(p-c)V(I) = \frac{r[(p-c)V(I)e^{-rI} - D]}{(1 - e^{-rI})}$$

VP de B en Intervalo  $I^*$  multiplicado por tasa de descuento  $r$ .

es igual a  $rPV \Pi$

---

---

---

---

---

---

---

---

$$(p-c)V'(I) = r(p-c)V(I) + r[PV \Pi^*]$$

Valor neto del incremento del volumen en periodo  $I$  en un año

representa 2 CO de aumentar el intervalo en un año

$$r(p-c)V(I) + r[PV \Pi^*]$$

CO de la madera: interés que propietario ganaría si hubiese talado la madera

Interés que propietario habría ganado si hubiese vendido la tierra forestal

por su valor basado en max del beneficio en intervalo  $I^*$

---

---

---

---

---

---

---

---

$$(p-c)V'(I) = r(p-c)V(I) + r[PV \Pi^*]$$

Cuál es el beneficio de un periodo más de actividad

beneficio

S/.

$r$

---

---

---

---

---

---

---

---



• • • Valor del Lugar

$PV \Pi^*$  → Valor del lugar  
 $r[PV \Pi^*]$  → renta del lugar

Reacomodando:

$$(p-c)V'(I) = r(p-c)V(I) + r[PV \Pi^*]$$

$$\frac{(p-c)V'(I)}{r} = (p-c)V(I) + [PV \Pi^*]$$

Reacomodando

$$PV \Pi^* = \frac{(p-c)V'(I)}{r} - (p-c)V(I)$$

$r$  ↑ → Valor del lugar ↓

---

---

---

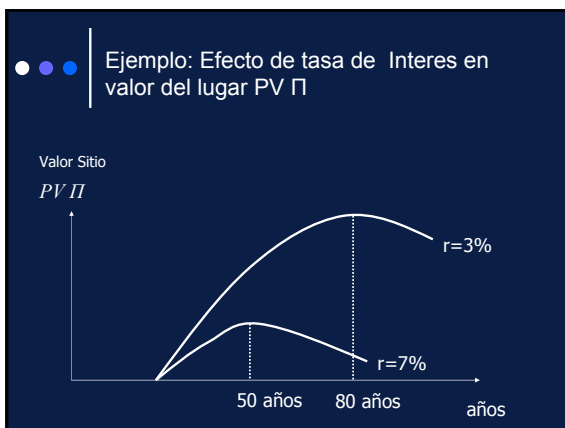
---

---

---

---

---




---

---

---

---

---

---

---

---

• • • Cómo un cambio en  $r$  afecta la max del beneficio en intervalo  $I^*$ ?

$$PV \Pi^* = (p-c)[V'(I)/r - V(I)]$$

reacomodando →  $(p-c)[V'(I)/r - V(I)] - PV \Pi^* = 0$

Dividiendo entre  $(p-c)$

$$\frac{V'(I)}{r} - V(I) - \frac{[PV \Pi^*]}{(p-c)} = 0$$

Multiplican do por  $r$  →  $V'(I) - rV(I) - \frac{r[PV \Pi^*]}{(p-c)} = 0$

Calculando la diferencial total :  $dI^*/dr$  →  $<0$

---

---

---

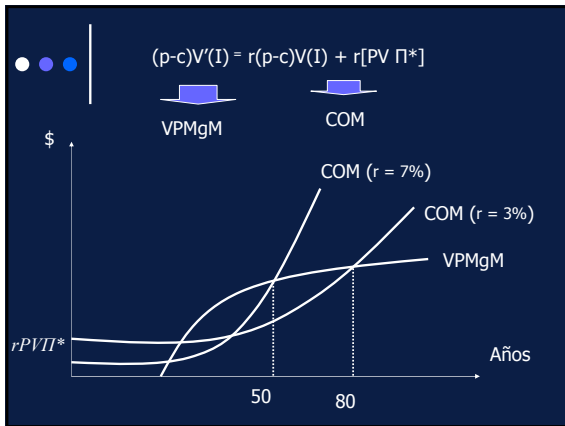
---

---

---

---

---




---

---

---

---

---

---

---

---

● ● ● ●  
 Tiempo de intervalo óptimo  
 60 años si tasa es 5%  
 80 años si tasa es 3%  
 Qué sucedería si  $r=0$ ? (suponer  $D=0$ )  
 Solución no depende de  $p$  y  $c$   
 $\curvearrowright$   $V'(I) = V(I)/I$

---

---

---

---

---

---

---

---

● ● ● ●  
 Considerando los productos no-maderables  
 Agregando los valores no-maderables  $N$   $N = f(I)$   
 Hábitat para especies, control hídrico  
 Resolviendo VP no-maderables  
 $PV B = N(I)e^{-rt}/(1-e^{-rt})$   
 Si regulador maximiza suma de ambas:  
 $V'(I) + N(I) = rV(I) + r(PV \Pi^* + B^*)$

---

---

---

---

---

---

---

---



---

---

---

---

---

---

---

---